4)
$$(E) \Leftrightarrow (3-2x)^2 - 25 = x^2 - 1$$

Dans cette équation il y a deux identités remarquables

$$(E) \Leftrightarrow (3-2x)^2 - 5^2 = x^2 - 1^2 \Leftrightarrow (3-2x-5)(3-2x+5) = (x-1)(x+1)$$

$$(E)\Leftrightarrow (-2-2x)(8-2x)=(x-1)(x+1)\Leftrightarrow (-2-2x)(8-2x)-(x-1)(x+1)=0$$

On factorise par -2 dans la première parenthèse

$$(E) \Leftrightarrow -2(1+x)(8-2x)-(x-1)(x+1)=0$$

On factorise car (x+1) est un facteur commun

$$(E) \Leftrightarrow (x+1)[-2(8-2x)-(x-1)]=0$$

On réduit l'expression dans le crochet

$$(E) \Leftrightarrow (x+1)(-16+4x-x+1) = 0 \Leftrightarrow (x+1)(3x-15) = 0$$

On applique la règle des équations produit nul

$$(E) \Leftrightarrow x + 1 = 0 \text{ ou } 3x - 15 = 0 \Leftrightarrow x = -1 \text{ ou } 3x = 15$$

$$(E) \Leftrightarrow x = -1 \text{ ou } x = \frac{15}{3} = 5$$

donc $S = \{-1, 5\}.$