

## CH03F05 : Etude de fonctions exponentielles simples

### Exercice 01 :

On note  $f$  la fonction définie sur l'ensemble des réels par

$$f : x \mapsto xe^x + 1$$

1. Déterminer  $f'(x)$
2. Déterminer une équation de (D) la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse 0.
3. Déterminer un point d'inflexion de la fonction  $f$ .
4. Démontrer que  $f$  est concave sur l'intervalle  $]-\infty; -2]$  et convexe sur l'intervalle  $[-2; +\infty[$
5. Déterminer une équation de ( $\Delta$ ) la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse -2.
6. Dresser le tableau des variations de  $f$ .
7. Tracer  $C_f$ , (D) et ( $\Delta$ ) dans un repère sur l'intervalle  $[-4; 1]$  avec 2 cm représente 1 en abscisse et en ordonnée.

### Exercice 02 :

On note  $f$  la fonction définie sur l'ensemble des réels par

$$f : x \mapsto e^{-x^2}$$

1. Déterminer  $f'(x)$  puis  $f''$
2. Déterminer une équation de (D) la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse 2.
3. La fonction  $f$  admet elle un point d'inflexion ?
4. Démontrer que  $f$  est convexe
5. Tracer  $C_f$  sur votre calculatrice en adaptant les dimensions de la fenêtre.
6. Déterminer un encadrement à  $10^{-3}$  près des solutions de l'équation  $f(x)=1,5$  à l'aide de votre calculatrice.

### Exercice 03 :

On note  $f$  la fonction définie sur l'ensemble des réels par

$$f : x \mapsto e^{-x^2}$$

1. Déterminer  $f'(x)$  puis  $f''(x)$
2. Déterminer une équation de ( $D_1$ ) la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse  $a = \frac{\sqrt{2}}{2}$ .
3. Déterminer une équation de ( $D_2$ ) la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse  $b = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ .
4. Montrer que la fonction  $f$  admet deux points d'inflexion.
5. Démontrer que  $f$  est convexe sur les intervalles  $]-\infty; b]$  et  $[a; +\infty[$ .
6. Démontrer que  $f$  est concave sur les intervalles  $[a; b]$ .
7. Dresser le tableau des variations de la fonction  $f$  sur  $[-2; 2]$ .
8. Dresser un tableau de valeurs de  $f$  sur l'intervalle  $[-2; 2]$  avec un pas de 0,2.
9. Tracer  $C_f$ , ( $D_1$ ) et ( $D_2$ ) dans un repère sur l'intervalle  $[-2; 2]$  avec 1 cm représente 0,2 en abscisse en ordonnée.
10. Déterminer un encadrement à  $10^{-3}$  près des solutions de l'équation  $f(x)=0,5$  à l'aide de votre calculatrice.
11. Retrouver le résultat précédent à l'aide de la représentation graphique.
12. Si  $x < y$  sont des réels positifs, comparer  $e^{-x^2}$  et  $e^{-y^2}$

### Evaluation

#### CH03F01-07

AA	A	EA	NA
----	---	----	----

#### CH03F01-08

AA	A	EA	NA
----	---	----	----

### Formules

Equation de la tangente à  $C_f$  au point d'abscisse  $a$  :

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$

### Rappels

Le point A d'abscisse  $a$  est un **point d'inflexion** si et seulement si  $f''(a) = 0$  et change de  $f''$  change de signe en  $a$ .

La fonction est **convexe** sur  $I$  si et seulement si  $f''(x)$  est positive sur  $I$

La fonction est **concave** sur  $I$  si et seulement si  $f''(x)$  est négative sur  $I$