

Exercice 1 (4 pts) :

1. $x \leftarrow -1$

$$\text{Resultat} \leftarrow -1 - 5 = -6$$

$$\text{Resultat} \leftarrow (-6)^2 = 36$$

$$\text{Resultat} \leftarrow 25 - 36 = -11$$

La valeur du résultat affiché à l'écran sera donc $\boxed{-11}$

2. $x \leftarrow a$

$$\text{Resultat} \leftarrow a - 5$$

$$\text{Resultat} \leftarrow (a - 5)^2$$

$$\text{Resultat} \leftarrow 25 - (a - 5)^2$$

La valeur du résultat affiché à l'écran sera donc $\boxed{25 - (a - 5)^2}$

3. Pour répondre à la question il faut résoudre l'équation : $25 - (a - 5)^2 = 0$

$$25 - (a - 5)^2 = 0$$

$$\iff (5)^2 - (a - 5)^2 = 0$$

$$\iff (5 + a - 5)(5 - a + 5) = 0$$

$$\iff a(10 - a) = 0$$

$$\iff a = 0 \text{ ou } a = 10 \text{ Pour obtenir } 0 \text{ il faut que } \boxed{x \leftarrow 0} \text{ ou } \boxed{x \leftarrow 10}$$

Exercice 2 (8 pts) :

1. $(x - 2)(2x + 4) = (3 - x)(x - 2)$

$$\iff (x - 2)(2x + 4) - (3 - x)(x - 2) = 0$$

$$\iff (x - 2)[(2x + 4) - (3 - x)] = 0$$

$$\iff (x - 2)(2x + 4 - 3 + x) = 0$$

$$\iff (x - 2)(3x + 1) = 0$$

$$\iff x = 2 \text{ ou } x = -\frac{1}{3} \text{ Donc } \boxed{S = \left\{-\frac{1}{3}; 2\right\}}$$

2. $(2x - 3)(x + 5) = (21 - 2x)(3 - x)$

$$\iff 2x^2 + 10x - 3x - 15 = 63 - 21x - 6x + 2x^2$$

$$\iff 7x - 15 = 63 - 27x$$

$$\iff 34x = 78$$

$$\iff x = \frac{78}{34} = \frac{39}{17} \text{ Donc } \boxed{S = \left\{\frac{39}{17}\right\}}$$

3. $\frac{1}{4}(2x - 4)^2 = 49$

$$\iff \left(\frac{1}{2}(2x - 4)\right)^2 - (7)^2 = 0$$

$$\iff \left(\frac{1}{2}(2x - 4) + 7\right) \left(\frac{1}{2}(2x - 4) - 7\right) = 0$$

$$\iff (x - 2 + 7)(x - 2 - 7) = 0$$

$$\iff (x + 5)(x - 9) = 0$$

$$\iff x = -5 \text{ ou } x = 9$$

Donc $\boxed{S = \{-5; 9\}}$

4. $4x^3 - 16x = 0$

$$\iff 4x(x^2 - 4) = 0$$

$$\iff 4x(x - 2)(x + 2) = 0$$

$$\iff x = 0 \text{ ou } x = 2 \text{ ou } x = -2$$

Donc $\boxed{S = \{-2; 0; 2\}}$

Exercice 3 (8 pts) :

On note $A(x) = (x+1)^2 - 5$

$$1. A(x) = x^2 + 2x + 1 - 5 = \boxed{x^2 + 2x - 4}$$

$$2. A(x) = (x+1)^2 - (\sqrt{5})^2 = \boxed{(x+1-\sqrt{5})(x+1+\sqrt{5})}$$

$$3. A\left(\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 2 \times \frac{1}{2} - 4 = \frac{1}{4} + 1 - 4 = \frac{1}{4} - \frac{12}{4} = \boxed{-\frac{11}{4}}$$

$$4. A(\sqrt{5}-1) = (\sqrt{5}-1+1-\sqrt{5})(\sqrt{5}-1+1+\sqrt{5}) = \boxed{0}$$

$$5. A(x) = 0$$

$$\iff (x+1-\sqrt{5})(x+1+\sqrt{5}) = 0$$

$$\iff x = -1 + \sqrt{5} \text{ ou } x = -1 - \sqrt{5}$$

$$\text{Donc } \boxed{S = \{-1 - \sqrt{5}; -1 + \sqrt{5}\}}$$

$$6. A(x) = -4$$

$$\iff x^2 + 2x - 4 = -4$$

$$\iff x(x+2) = 0$$

$$\iff x = 0 \text{ ou } x = -2$$

$$\text{Donc } \boxed{S = \{-2; 0\}}$$

Exercice facultatif/Bonus/Supplémentaire (2 pts) :

On note α le nombre $\alpha = 2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \dots}}}$

1. $\alpha \neq 0$ donc on peut calculer son inverse.

On remarque que $\frac{1}{\alpha} = \alpha - 2$ donc α est une solution de l'équation $\frac{1}{x} = x - 2$

$$\frac{1}{x} = x - 2 \iff 1 = x^2 - 2x$$

De plus

$$(x-1)^2 - 2 = 0 \iff x^2 - 2x + 1 - 2 = 0 \iff x^2 - 2x = 1$$

$$\text{donc } \frac{1}{x} = x - 2 \iff (x-1)^2 - 2 = 0$$

2. Il suffit de résoudre $(x-1)^2 - 2 = 0$

$$(x-1)^2 - 2 = 0$$

$$\iff (x-1)^2 - (\sqrt{2})^2 = 0$$

$$\iff (x-1-\sqrt{2})(x-1+\sqrt{2}) = 0$$

$$\iff x = 1 + \sqrt{2} \text{ ou } x = 1 - \sqrt{2}$$

Or α est une solution de cette équation et α est positif

$$\text{donc } \boxed{\alpha = 1 + \sqrt{2}}$$