

Exercice 01 :

1. D'après le DM02 : $S = 10R^2 \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$

On peut aussi trouver la formule : $S = 10 \frac{R^2}{2} \sin \theta$

2. (a) L'angle θ du triangle est $\theta = \frac{2\pi}{10} = \frac{\pi}{5}$

Donc $\frac{\theta}{2} = \frac{\pi}{10}$.

Il faut donc utiliser la première formule.

$$\begin{aligned} S &= 10R^2 \sin\left(\frac{\pi}{10}\right) \cos\left(\frac{\pi}{10}\right) \\ &= 10R^2 \times \frac{\sqrt{6-2\sqrt{5}}}{4} \times \frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4} = \frac{10R^2}{16} \sqrt{(6-2\sqrt{5})(10+2\sqrt{5})} \\ &= \frac{10R^2}{16} \sqrt{60+12\sqrt{5}-20\sqrt{5}-20} = \frac{10R^2}{16} \sqrt{40-8\sqrt{5}} \\ &= \frac{10}{16} \times R^2 \times 2\sqrt{10-2\sqrt{5}} = \frac{5}{4} R^2 \sqrt{10-2\sqrt{5}} \end{aligned}$$

On a donc bien $S = \frac{5}{4} R^2 \sqrt{10-2\sqrt{5}}$

(b) $a = 2 \times R \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = 2R \left(\frac{\pi}{10}\right) = 2R \frac{\sqrt{6-2\sqrt{5}}}{4} = 2R \frac{\sqrt{(\sqrt{5}-1)^2}}{4} = a = \frac{1}{2} R(\sqrt{5}-1)$

On a donc bien $a = \frac{1}{2} R(\sqrt{5}-1)$

(c) $P = 10a = 10 \times \frac{1}{2} R(\sqrt{5}-1) = 5R(\sqrt{5}-1)$ donc $P = 5R(\sqrt{5}-1)$

(d) $h = R \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) = R \frac{\sqrt{10+2\sqrt{5}}}{4} = \frac{1}{4} R \sqrt{10+2\sqrt{5}}$

On a donc bien $h = \frac{1}{4} R \sqrt{10+2\sqrt{5}}$

Exercice 02 :

En calculant l'équation des droites supports de chacun des segments, on trouve :

$$f(x) = \begin{cases} x+7 & \text{si } x \in [-7; -4] \\ 3 & \text{si } x \in [-4; -1] \\ -x+2 & \text{si } x \in [-1; 1] \\ x & \text{si } x \in [1; 4] \\ -\frac{1}{2}x+6 & \text{si } x \in [4; 6] \\ -3x+21 & \text{si } x \in [6; 7] \end{cases}$$