

**Exercice 1 :**

Pour chacune des fonctions ci-dessous, trouver le nombre dérivé ( s'il existe ) de la fonction au point d'abscisse  $x_0 = a$  et l'équation de la tangente à la courbe représentative de  $f$  au point d'abscisse  $x_0$

$$f(x) = 3x - 7 \text{ pour } a = 1$$

$$g(x) = 5x^2 - 7 \text{ pour } a = -1$$

$$h(x) = -3(2x + 3)^2 \text{ pour } a = 0$$

$$w(x) = (2x + 3)(x - 1) \text{ pour } a = 1$$

$$v(x) = \frac{3}{4}x^2 - 2x + 1 \text{ pour } a = -2$$

$$i(x) = 4(2x - 7)^2 - 9 \text{ pour } a = 0$$

$$j(x) = \frac{2}{3x - 4} \text{ pour } a = 1$$

$$k(x) = \frac{5x - 2}{4x + 1} \text{ pour } a = 5$$

$$l(x) = \frac{2}{5x - 3} - \frac{5}{6x + 1} \text{ pour } a = -1$$

$$m(x) = \sqrt{3x - 5} \text{ pour } a = 4$$

$$n(x) = \sqrt{7 - 2x} \text{ pour } a = -1$$

$$o(x) = \frac{1}{\sqrt{5x - 2}} \text{ pour } a = 1$$

**Exercice 2 :**

Pour chacune des fonctions ci-dessous, trouver l'ensemble de définition, l'ensemble de dérivation et la fonction dérivée.

$$f(x) = -2x^2 + 5x^3 - \sqrt{2}x + \pi$$

$$g(x) = 7(-2x - 1) + 3x^2 + 1$$

$$h(x) = (-2x - 1)(3x^2 + 1)$$

$$w(x) = \frac{1}{3x^2 + 1}$$

$$v(x) = (5x + 1)^4$$

$$i(x) = \sqrt{-x + 1}$$

$$j(x) = 2x - 1 + \frac{1}{2x - 1}$$

$$k(x) = x^2\sqrt{x - 1}$$

$$l(x) = \frac{3 - 4x}{3x - 4}$$

$$m(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$$

$$n(x) = \frac{x^2 - 11x + 30}{x^2 - x}$$

$$o(x) = \frac{2 \sin x}{\cos x}$$

$$p(x) = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$q(x) = \sin(3x - 1) + \cos(1 - 3x)$$

$$r(x) = \cos(-3x + 5)$$

$$s(x) = \sqrt{-3x + 5}$$

$$t(x) = x\sqrt{2x - 3}$$

$$u(x) = \frac{1 + (1 - x)^2}{x}$$

$$v(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} - 7x^3$$

$$w(x) = 3\sqrt{x} + \frac{3}{x^2} - \frac{5}{x}$$

$$z(x) = 4x^{10} - 5x^6 + \frac{1}{x^7}$$

$$a(x) = \frac{x^2 + x - 2}{x^3 + 6}$$

$$b(x) = \frac{3x^2 + 2\sqrt{x}}{x}$$

$$c(x) = \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 1}$$

**Exercice 3 :**

On note  $f$  la fonction définie par  $f : x \mapsto 3x^5 - 25x^3 + 60x$

- Déterminer son domaine de définition.
- Déterminer  $f'$ .
- Déterminer les extremums de la fonction  $f$ .
- Déterminer les variations de la fonction  $f$ .
- Déterminer l'équation de  $(\Delta)$  la tangente en  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse  $a = 0$ .
- Tracer  $(\mathcal{C}_f)$  et  $(\Delta)$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  sur l'intervalle  $[-2.5; 2.5]$ .