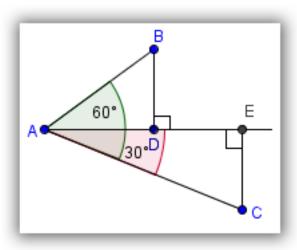
Exercice 1:

ABCD est un parallélogramme.

En calculant
$$(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD})^2$$
 démontrer que : $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} = \frac{1}{2}(AC^2 - AB^2 - AD^2)$

Exercice 2:



On sait que
$$AB=4$$
, $AC=6$, $\widehat{BAC}=60^{\circ}$ et $\widehat{DAC}=30^{\circ}$

- 1. Calculer AD, AE, BD et EC
- 2. Calculer $\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{CA}$, $\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AE}$
- 3. Calculer $\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{AE}$, $\overrightarrow{DB} \cdot \overrightarrow{EC}$ et $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD}$

Exercice 3:

ABC est un triangle rectangle en A. [AH] est la hauteur issue de A.

- 1. Démontrer que $BA^2 = \overrightarrow{BH} \cdot \overrightarrow{BC}$
- 2. Exprimer de même CA^2

Exercice 4:

- 1. Démontrer que si $\|\overrightarrow{u}\| = \|\overrightarrow{v}\|$ alors les vecteurs $\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$ et $\overrightarrow{u} \overrightarrow{v}$ sont orthogonaux.
- 2. Étudier la réciproque.

Exercice 5:

- 1. Démontrer que si les vecteurs non nuls \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont orthogonaux alors $||\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}|| = ||\overrightarrow{u} \overrightarrow{v}||$.
- 2. Étudier la réciproque.
- 3. Soit $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{v}$ et $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$.
 - a) Si $\|\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}\| = \|\overrightarrow{u} \overrightarrow{v}\|$ quelle est la nature du quadrilatère ABCD?
 - b) Si ABCD est un rectangle, que peut-on en déduire pour $\parallel \overrightarrow{u} + \overrightarrow{v} \parallel$ et $\parallel \overrightarrow{u} \overrightarrow{v} \parallel$

Lycée Stendhal, Grenoble -1-