

**Exercice 1 :**

Calculer  $\vec{u} \cdot \vec{v}$  sachant que :

1.  $\vec{u}(-3; 2)$  et  $\vec{v}(5; -4)$
2.  $\vec{u}(6; -5)$  et  $\vec{v}(5; 6)$
3.  $\vec{u}(-3\sqrt{2}; 2)$  et  $\vec{v}(5\sqrt{2}; -4)$

**Exercice 2 :**

Soient  $A(3; 5)$ ,  $B(6; -5)$  et  $C(1; 0)$  trois points dans un repère orthonormé.

1. Calculer  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$
2. Calculer  $AB$ ,  $AC$  et  $BC$
3. Déterminer  $\cos(\widehat{CAB})$ , puis une valeur approchée de  $\widehat{CAB}$  au degré près.

**Exercice 3 :**

On donne les trois points suivants :  $A(3; 2)$ ,  $B(0; 5)$  et  $C(-2; -1)$

1. Calculer les normes des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{BC}$
2. Calculer les produits scalaires :  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ ,  $\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BA}$  et  $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB}$
3. Calculer les angles  $\widehat{BAC}$  et  $\widehat{ACB}$  à un degré près.
4.  $H$  est le projeté orthogonal de  $B$  sur  $(AC)$ .  
Calculer  $AH$  et  $CH$  au dixième près.

**Exercice 4 :**

On note  $A(-2; 5)$  et  $B(1; -1)$  deux points du plan.

1. Déterminer les coordonnées d'un point  $M$  sachant que  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{AB} = 0$
2. Déterminer les coordonnées d'un point  $M$  sachant que  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{AB} = 1$
3. Déterminer les coordonnées d'un point  $M$  sachant que  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{AB} = 1$
4. Déterminer les coordonnées d'un point  $M$  sachant que  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 0$
5. Déterminer les coordonnées d'un point  $M$  sachant que  $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{IB} = 0$  si  $I$  est le milieu de  $[AB]$ .

**Exercice 5 :**

On donne  $A(-2; 0)$ ,  $B(4; 0)$  et  $C(1; 5)$ . On note  $S = \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BM} \cdot \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CM} \cdot \overrightarrow{AB}$   
Démontrer que pour tout  $M$  du plan, on a  $S = 0$