

Exercice 1 : (13 points)

- $25 \times 0.3 = 7.5$ donc les 30 % représente $7,5 \text{ €}$.
- $(1,25 : 50) \times 100 = 2,5$ donc $1,25 \text{ €}$ représente $2,5 \%$ de 50 € .
- $(100 \times 150) : 30 = 500$ donc le prix au départ est de 500 €
- $120 \times \left(1 - \frac{25}{100}\right) = 90$ donc le prix après diminution est 90 €
- $(145,8 - 243) : 243 = -0,4$ donc c'est une baisse de 40%
- $(5 : 0.5) \times 100 = 1000$ donc le prix au départ est de 1000 €
- $400 \times 1,035 = 414$ donc après l'augmentation l'objet coûte 414 €
- $(352.35 - 243) / 243 = 0,45$ donc le pourcentage d'augmentation est 45%
- $(567 - 450) : 450 = 0,26$ donc le taux d'évolution en pourcentage est $+26 \%$
- $(425,25 - 567) : 567 = -0,25$ donc le taux d'évolution en pourcentage est -25%
- $(120 - 143,76) : 120 = -0,198$ donc la T.V.A est de $19,8 \%$
- $150 \times 1.057 = 158,55$ donc le prix T.T.C est de $158,55 \text{ €}$
- $230 : 1,196 = 192,31$ donc le prix H.T est de $192,31 \text{ €}$

Exercice 2 : (7 points)

- $1,025^3 = 1,077$ donc l'augmentation final est d'environ $7,7 \%$
- $0.97^5 = 0,859$ donc la diminution final est d'environ $14,1 \%$
- $1,12 \times 0.95 \times 0,92 \times 1,02 = 0.998$ donc on obtient une diminution d'environ $0,2 \%$
- $\left(1 + \frac{t}{100}\right)^2 = 1,44 \iff \left(1 + \frac{t}{100}\right) = 1,2$ donc le pourcentage d'augmentation est de 20%
- On cherche n sachant que $\left(1 - \frac{1}{100}\right)^n = 0,9801$ et à l'aide de la calculatrice on obtient $n = 2$

Exercice 3 : (8 points)

- Voici les indices de la consommation d'énergie en tonnes équivalent pétrole rapporté au PIB, base 100 en 1990.

Années	1990	1991	1992	1993	1994	1995	1996	1998	1999
Indices	100	+3,3%	+3,3%	+3,3%	+1,6%	+1,6%	0%	-1,6%	-3,25%

- Voici le nombre de titulaires d'un minimum social, hors allocation adulte handicapé, en milliers.

Années	1990	1991	1992	1993	1994
nombres	2198	2214	2154	2318	2395
indices	100	100,7	98	105,5	109

Exercice 4 : (12 points) Résoudre les équations et inéquations suivantes :

- $(x^2 - 4)(-x^2 - x + 6) = 0$
 $\iff x^2 - 4 = 0$ ou $-x^2 - x + 6 = 0$
 $\iff x = 2$ ou $x = -2$ ou $-x^2 - x + 6 = 0$
 $\Delta = b^2 - 4ac = (-1)^2 - 4(-1)(6) = 25 = 5^2$
 Δ est positif donc il y a deux solutions réelles distinctes :
 $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{1 + 5}{-2} = -3$ et $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{1 - 5}{-2} = 2$
Donc les solutions de l'équation sont $S = \{-3; -2; 2\}$

$$2. (x-3)(x^2-4x-5) \leq 0$$

$x-3$ s'annule en $x=3$

Valeurs qui annulent x^2-4x-5 : $\Delta = b^2-4ac = 16-4(-5) = 36 = 6^2 > 0$ donc il y a deux racines réelles distinctes :

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{4+6}{2} = 5 \text{ et } x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{4-6}{2} = -1$$

Tableau des signes :

x	$-\infty$	-1	3	5	$+\infty$			
$x-3$		-		-	0	+		+
x^2-4x-5		+	0	-		-	0	+
$P(x)$		-	0	+	0	-	0	+

Donc $S =]-\infty; -1] \cup [3; 5]$

$$3. \frac{x^2+2x+6}{4-x} > 0$$

Valeurs qui annulent x^2+2x+6 : $\Delta = 4-4(6) < 0$ donc il n'y a pas de racines réelles.

Valeur qui annule $4-x$: On obtient $x=4$

x	$-\infty$	4	$+\infty$	
x^2+2x+6		+		+
$4-x$		+	0	-
$Q(x)$		+		-

donc $S =]-\infty; 4[$